

# Modelo de Turbulência que regulam a Taxa Cósmica de Formação Estelar Workshop 2015

Carolina Gribel de Vasconcelos Ferreira

7 de Abril de 2015

# Introdução

- A formação estrelar é um dos fenômenos menos compreendidos na evolução cósmica.
- O gás interestelar que as estrelas se formam é um pasma supersonicamente turbulento.
- Variações na densidade e temperatura afetam o esfriamento do gás.
- Processos Químicos
- Campos Magnéticos

# Introdução

- O disco da Via Láctea contem  $\sim 10^9 M_{\odot}$  de gás molecular, em que  $\sim 10^6 M_{\odot}$  dessa massa está em GMC.
- O tempo de queda-livre,  $t_{ff} \sim 4 Myr$ , sendo assim a taxa de formação estelar é  $\sim 250 M_{\odot} yr^{-1}$ .
- A taxa de formação estelar observada é de  $\sim 3 M_{\odot} yr^{-1}$ .
- Este é um dos problemas da Taxa de Formação Estelar.
- O tempo de depleção,  $t_{dep}$ , é caracterizado pela razão da massa do gás pela a taxa de formação estelar.

# Taxa Cósmica de Formação Estelar

- Em 1959, Schmidt propôs uma lei de potência entre o conteúdo de gás de uma galáxia com a sua formação estelar.

$$\sum_* \propto \sum^{1.4} \quad (1)$$

- Os dados observacionais revelavam uma clara correlação entre a densidade de superfície do gás com a suas taxas de formação estelar.

$$\dot{\sum}_* \propto \frac{1}{\tau_d} \quad (2)$$

- $\dot{\sum}_*$  é a Taxa de Formação Estelar por unidade de área,  $\sum$  é a densidade superficial do gás, e  $\tau_d$  é a escala de tempo dinâmico da galáxia.

# Teorema do Virial

- Partimos da equação da Hidrodinâmica,

$$\rho \left( \frac{\partial \vec{v}}{\partial t} + (\vec{v} \cdot \vec{\nabla}) \vec{v} \right) = -\vec{\nabla} p - \rho \vec{\nabla} \phi_g + \frac{1}{c} \vec{j} \times \vec{B} \quad (3)$$

- O teorema do Virial é

$$\frac{1}{2} \frac{\partial^2 I}{\partial t^2} = 2T + 2U + W + M \quad (4)$$

$$W \equiv \frac{1}{2} \int \rho \phi_g d^3 \vec{x}; \quad U \equiv \frac{3}{2} \int n k_b T d^3 \vec{x}; \quad M \equiv \frac{1}{8\pi} \int |\vec{B}|^2 d^3 \vec{x} \quad (5)$$

$$T \equiv \frac{1}{2} \int \rho |\vec{v}|^2 d^3 \vec{x} \quad (6)$$

# Turbulência

- Turbulência é caracterizado por flutuações na velocidade.
- $\delta\rho/\rho \sim M^2$ .

$$M \equiv \frac{v}{c_s} \quad (7)$$

- Da equação de Navier-Stokes temos os termos que chamamos de advecção,  $\rho\vec{v}\cdot\vec{\nabla}\vec{v}$  e o termo de difusão  $\rho\nu\nabla^2\vec{v}$ , com esses dois termos podemos definir uma quantidade que determina se o fluido se torna caótico ou não.
- Essa razão é chamada de Número de Reynolds.

$$\rho\vec{v}\cdot\vec{\nabla}\vec{v} \sim \rho v_I^2/l \quad \rho\nu\nabla^2\vec{v} \sim \rho\nu v_I^2/l. \quad (8)$$

$$Re \equiv \frac{v_I l}{\nu} \quad (9)$$

# Turbulência

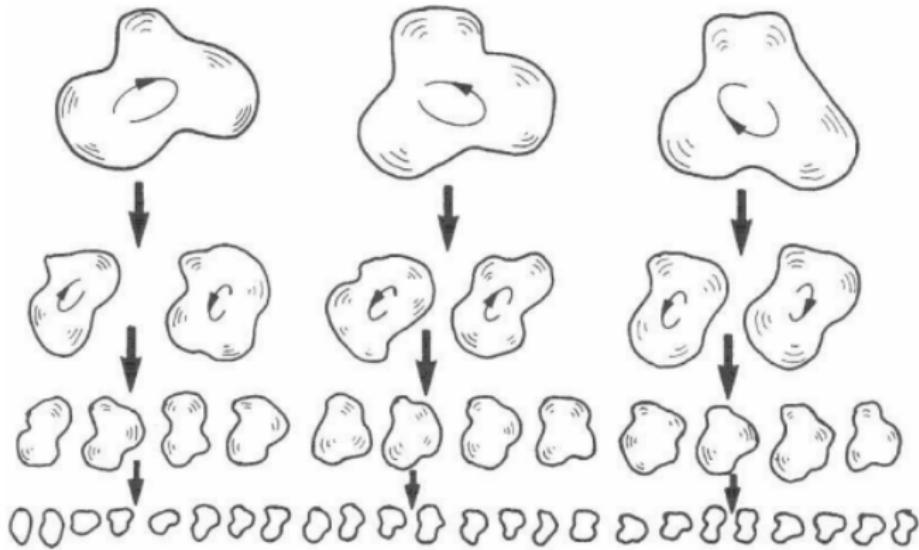


Figura : Cascata de Energia

# Turbulência

- A taxa de transferência de energia específica,  $\epsilon$ , e  $\tau_l \sim l/v_l$  é o tempo para essa transferência, estimamos

$$v_l \sim (\epsilon l)^{1/3} \quad (10)$$

- Na escala dissipativa,  $Re \sim 1$  e sendo assim, temos  $v_d \sim \nu/l_d$ . Obtemos uma expressão para a escala dissipativa,

$$l_d \sim \left( \frac{\nu^3}{\epsilon} \right)^{1/4} \quad (11)$$

# Turbulência

- No espaço de Fourier,

$$\langle v_I^2 \rangle = \int_k^\infty E(k') dk' \quad (12)$$

- Temos que esse valor é da ordem de  $(\epsilon l)^{2/3}$ . Diferenciando com relação a  $k$ , sendo que  $k = 2\pi/l$ , temos

$$E(k) \sim \epsilon^{2/3} k^{-5/3} \quad (13)$$

# Regulando a Taxa de Formação Estelar

- Fazendo uso da descrição estatística para a Turbulência Supersônica, e o Teorema do Virial. A Função de distribuição de probabilidade do gás turbulento no regime supersônico é

$$dp(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma_{\rho}^2} \exp\left[-\frac{(\ln x - \bar{\ln x})^2}{2\sigma_{\rho}^2}\right] \frac{dx}{x} \quad (14)$$

$$\bar{\ln x} = -\frac{\sigma_{\rho}^2}{2} \quad (15)$$

$$\sigma_{\rho} \approx \left[ \ln \left( 1 + \frac{3M^2}{4} \right) \right]^{1/2} \quad (16)$$

# Regulando a Taxa de Formação Estelar

- A densidade crítica requerida para ocorrer o colapso é

$$x \geq x_{crit} \equiv \left( \phi_x \frac{\lambda_{J0}}{\lambda_s} \right)^2 \quad (17)$$

- A fração de massa que colapsa nas estruturas deve ser maior que  $x_{crit}$ ,

$$f = \int_{x_{crit}}^{\infty} x \frac{dp}{dx} dx \quad (18)$$

- Contar com termos de outflow. Definimos  $\epsilon_{core}$ .
- Convertendo para a taxa, devemos dividir pelo tempo característico da qual o gás se torna instável para o tempo de queda-livre,  $t_{ff}$ .

# Regulando a Taxa de Formação Estelar

- As simulações numéricas chegam a uma taxa de formação estelar, dada por

$$SFR_{ff} \approx 0.014 \left( \frac{\alpha_{vir}}{1.3} \right)^{-0.68} \left( \frac{\mathcal{M}}{100} \right)^{-0.32} \quad (19)$$

- onde  $\alpha_{vir}$  é o parâmetro do virial, que é a razão da termo turbulento com a gravidade, usado como critério de estabilidade.

## Conclusão

- As simulações feita por Krumholz e McKee, concluíram que a taxa de formação por tempo de queda-livre não varia muito no intervalo de  $\alpha_{vir}$  de  $\sim 0.5$  até 3 e  $\mathcal{M}$  de  $\sim 10$  para 1000.
- Os resultados mostram que o valor da taxa de formação estelar decresce ao considerar os efeitos de turbulência, mas não são obtidos os valores observados.
- Levar em conta a contribuição do outflow.
- Muitos modelos incluem os campos magnéticos.