

Colapso gravitacional de uma distribuição de matéria politrópica fora da simetria esférica

Carlos Eduardo Cedeño Montaña
Orientador: Dr. José Carlos N. de Araújo
Workshop INPE-DAS 2012

9 de abril de 2012

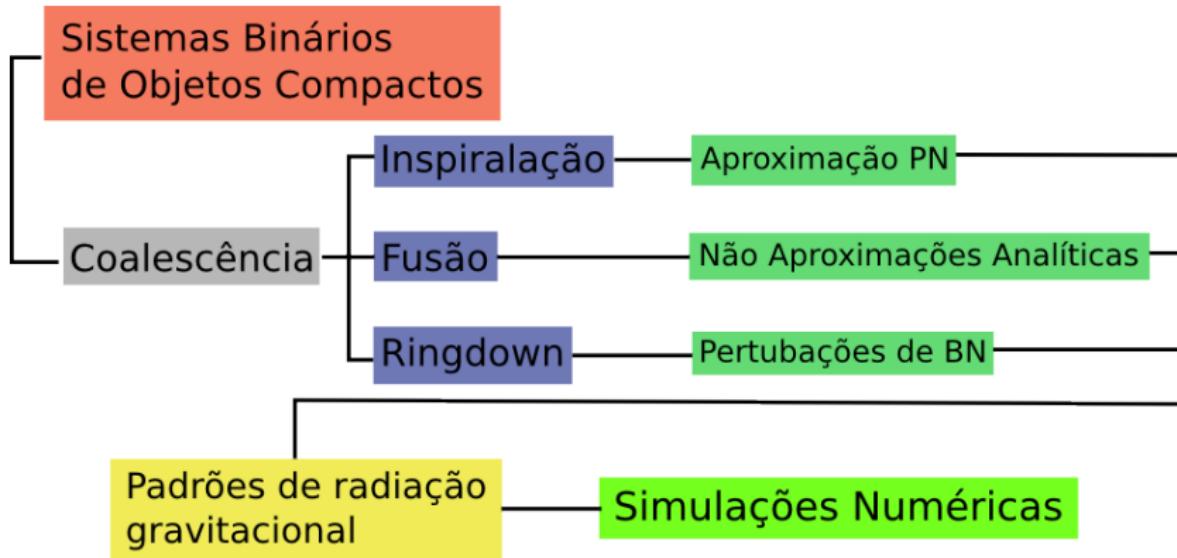
1 Introdução

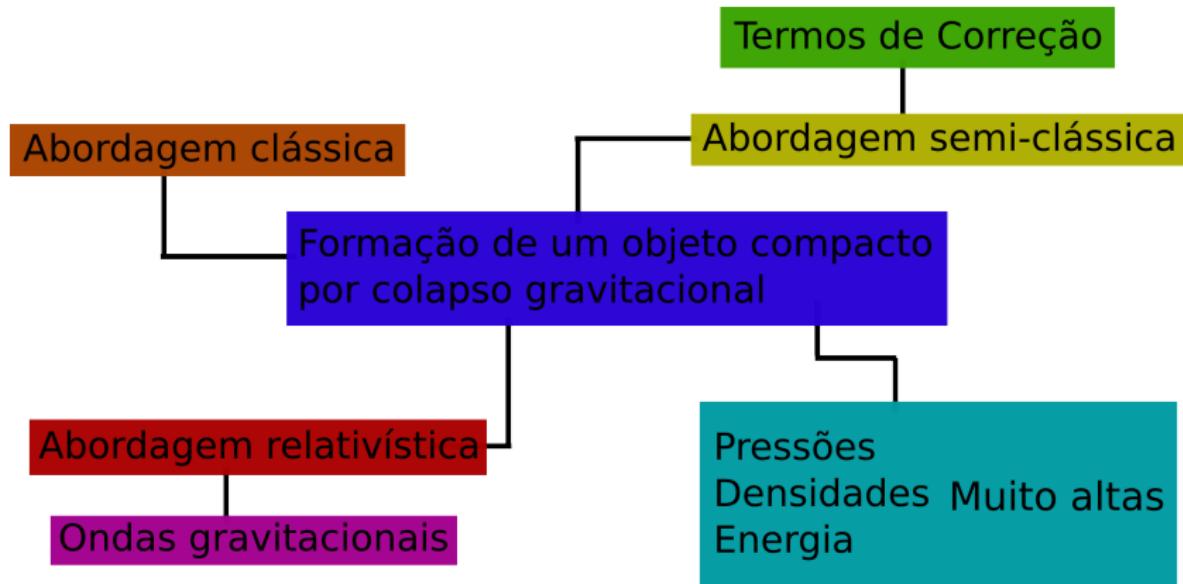
2 Formulação em Características nulas orientadas para o futuro

3 Formalismo *eth*

4 Formação de um objeto compacto, fermiônico e politrópico em formulação característica

Introdução





Equações de Campo de Einstein

Equações diferenciais
parciais acopladas

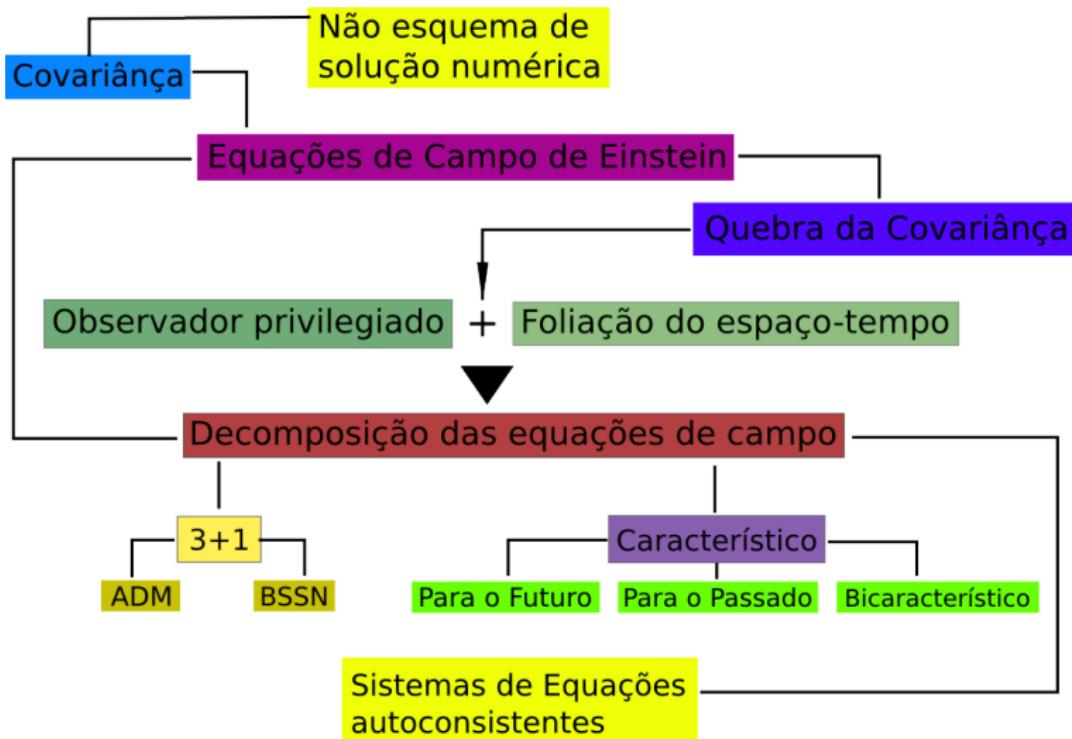
Alta não Linearidade

Não superposição
de soluções

6 componentes do tensor
métrico independentes

Descrição do
espaço-tempo

Variáveis a
serem resolvidas



Formulação em Características nulas orientadas para o futuro

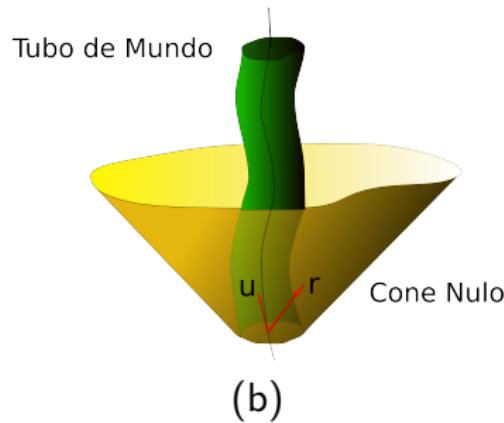
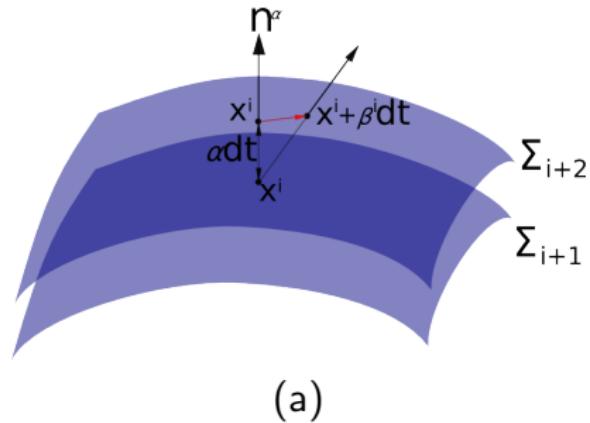


Figura: (a) Hipersuperfícies tipo espaço, função lapso e vetor de deslocamento. (b) Hipersuperfícies nulas, coordenadas sobre os cones nulos.

■ Vantagens:

- Formulação em coordenadas de radiação
- Equações diferenciais de natureza
fortemente hiperbólica
- Códigos numéricos convergentes

■ Desvantagens:

- Complexidade matemática
- Maior número de equações a serem
integradas
- Condições de contorno não “naturais”

Formalismo *ETH*

- Introdução coordenadas estereográficas.
- Diadas estereográficas.
- Regularização dos operadores diferenciais referenciados às variáveis angulares.
- Operadores de spin, não comutativos, em relatividade geral
- Introdução dos harmônicos $_s Y_{lm}$ (funções base)
- Extensão a outras coberturas finitas não conformais.

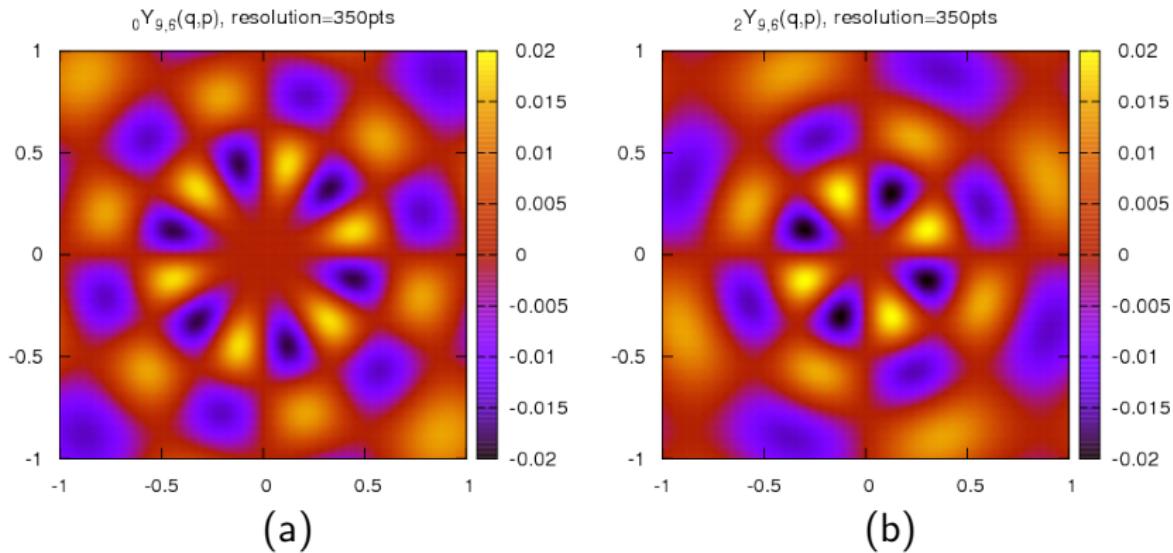


Figura: Harmônicos esféricos com peso de spin. (a) ${}_0Y_{9,6}(q,p)$
(b) ${}_2Y_{9,6}(q,p)$

Formação de um objeto compacto, fermiônico e politrópico em formulação característica

- Desenvolvimento de um código algébrico para:
 - Calcular as equações de campo de Einstein $G_{\mu\nu} = 8\pi T_{\mu\nu}$ (forma canónica)
 - Projetar as equações de campo nas hipersuperfícies nulas
 - Achar as equações de evolução
 - Usar o formalismo $\tilde{\sigma}$ e fazer a substituições correspondentes
- Resolver o sistema de equações nos casos 1D, 2D e 3D
 - Estudar as condições de contorno.
 - Impor uma condição inicial (de suporte compacto).
 - Diferenças finitas ou métodos espectrais em termos dos ${}_s Y_{lm}$.
 - Fazer extração de ondas nos casos sem simetria esférica.